



UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE  
SINALOA  
*Facultad de Informática Culiacán*

## Tema: PILAS (STACK )

**Instructor:**

MC. Gerardo Gálvez Gámez

Abril de 2018



Pilas • FIUAS

### Objetivos

Al termino de la unidad el alumno podrá:

- Especificar el tipo abstracto de datos Pila.
- Conocer aplicaciones de las Pilas en la programación.
- Definir e implementar la clase Pila.
- Conocer las diferentes formas de escribir una expresión.
- Evaluar una expresión algebraica.

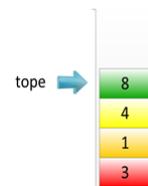
## Temas

### • Pilas

- Definición.
- Características.
- Representación.
- Utilización.
- Estados de una Pila.
- Operaciones.
- Clases para la implementación de una pila con arreglos.
- Ejercicios Prácticos.

## Definición de Pila

- Es una colección de elementos homogéneos dispuestos en orden tal que se recuperan en orden inverso a como se introdujeron.
- Es una lista de elementos a la cual puede insertarse o eliminar elementos únicamente por un extremo.
- Una pila viene parametrizada por el tipo de elemento que alberga.



Pila de libros



Pila de monedas

## Características de la Pila

- La extracción e inserción de elementos en la Pila se realiza por la parte superior.
- El único elemento accesible es el último.
- Se le conoce como estructura LIFO (Last In, First Out).
- Cuenta con un tamaño máximo de la pila y una variable a la que se denominara TOPE, que será un apuntador al último elemento de la pila.

## Representación de Pilas

- Mediante el uso de:

- Arreglos.
- Listas Enlazadas.
- Tipo Objeto
  - clase STACK , C#
  - clase Stack, Java

		PILA
	MAX	
		...
TOPE →	4	444
	3	333
	2	222
	1	111

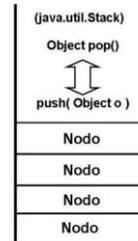
PILA					
111	222	333	444	...	
			↑		
			TOPE		MAX

## Utilización de Pilas

- Las pilas suelen emplearse en los siguientes contextos:
  - En compiladores, sistemas operativos y programas de aplicaciones, para la organización de la memoria.
  - Evaluación de expresiones aritméticas en notación postfija (notación polaca inversa).
  - Reconocedores sintácticos de lenguajes independientes del contexto.
  - Implementación de recursividad.
  - Ordenación.

EXPRESION POSTFIJA (String)

**"abc\*-d+"**



PILA de Nodos

## Estados de una Pila

Pila Llena

TOPE →	MAX	999
		...
	4	444
	3	333
	2	222
	1	111

Con Algunos Elementos

	MAX	
		...
	4	
	3	
TOPE →	2	222
	1	111

Pila Vacía

	MAX	
		...
	4	
	3	
	2	
	1	
TOPE = 0	→	

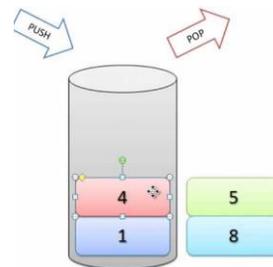
## Tipos de Errores

Una vez dado un máximo de capacidad a la pila, no será posible insertar un número de elementos mayor. Si esto sucediera se produciría un error conocido como **desbordamiento (overflow)**.

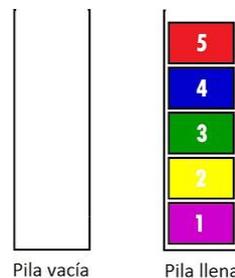
Otro error, es tratar de eliminar un elemento de una pila vacía. Este error se conoce como **Subdesbordamiento (underflow)**.

## Operaciones

- Insertar un elemento (push).
- Eliminar un elemento (pop).



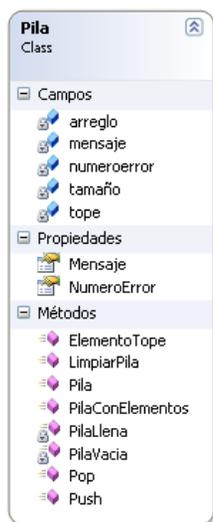
- Auxiliares:
  - Pila Vacía
  - (se presenta al intentar eliminar)
  - Pila Llena
  - (se presenta al tratar de insertar)



# Clase para la implementación de pilas

## Utilizando arreglos

### Clase Pila propuesta



### Pila

```

-[] arreglo: string
-tope: int
-tamaño : int
-mensaje: string
-numeroerror: int

+Pila()
+Pila(Tamaño)

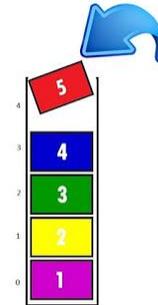
+getTamaño: int
+getMensaje: string
+getNumeroError:int

+ Push(Dato:string):void
+ Pop():String
+ ElementoTope():string
+ PilaConElementos():bool
+ LimpiarPila():void
- PilaVacía():bool
- PilaLlena():bool
  
```

## Push(Dato)

- Algoritmo

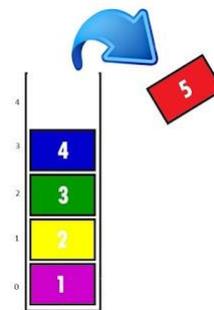
- Si la pila esta llena
  - Indicar error de overflow
  - Terminar operación push
- De lo contrario
  - Incrementar apuntador tope
  - Insertar el elemento en la pila



## Pop()

- Algoritmo

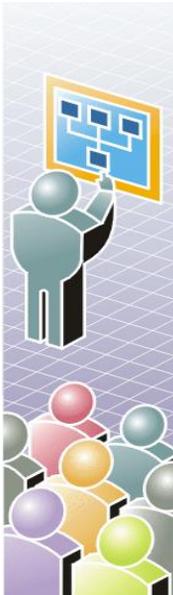
- Si la pila esta Vacía
  - Indicar error de underflow
  - Terminar proceso Pop
- De lo contrario
  - Quitar elemento en tope de la pila
  - Decrementar el apuntador tope
  - Retornar el elemento eliminado



## ElementoTope()

- Algoritmo
  - Si PilaVacía
    - Indicar error de underflow
  - En caso contrario
    - Retornar elemento en tope de la pila

## Actividad



- Definir un objeto de la clase Pila y realizar las operaciones de inserción y eliminación, mediante la utilización de un menú.



# Ejercicios Prácticos

Resolución de problemas  
utilizando Pilas

Pilas • FIUAS

## TRATAMIENTO DE EXPRESIONES ARITMETICAS

Una expresión aritmética está formada por operandos y operadores, donde la evaluación de una expresión aritmética da lugar a un valor numérico

Dada una cierta expresión algebraica, existen básicamente tres formas diferentes de escribirla (transformación)

- $A + B$  es notación **infija**
- $AB+$  es notación **postfija**
- $+AB$  es notación **prefija**

La notación utilizada habitualmente es la **infija**.

Referencias:

Pág. 284 *Estructuras de datos en Java, Joyanes*

Pág. *Estructuras de datos, Cairo*

## Reglas para transformación:

- Solo se permiten los siguientes operadores:
  - $*$ ,  $/$  (multiplicación y división)
  - $+$ ,  $-$  (suma y resta)
- Los operadores de más alta prioridad se ejecutan primero.
- Si hubiera en la expresión dos operadores igual prioridad, se le da preferencia al de la izquierda.
- Las Subexpresiones parentizadas tendrán más prioridad que cualquier operador.

## Tabla de Prioridad de los Operadores

Símbolos	Nivel de Prioridad
( )	3 (Cero para evaluar)
* /	2
- +	1

# Transformación de Expresión Infija a Postfija

Utilizando PILAS

Pilas • FIUAS

## Ejemplos

Transformar la expresión infija:  $X + Z * W$ , a Postfija:

PASO	EXPRESION
0	$X + Z * W$
1	$X + ZW*$
2	$XZW*+$

PASO	EI	Simbolo Analizado	PILA	EPOS
0	$X + Z * W$			
1	$+ Z * W$	X		X
2	$Z * W$	+	+	X
3	$* W$	Z	+	XZ
4	W	*	+ *	XZ
5		W	+ *	XZW
6			+	XZW *
7				XZW * +

## Algoritmo (1/3)

### INICIO

**REPETIR** //(Mientras la Expresión sea diferente de la cadena vacía)  
 //Tomar el símbolo más a la izquierda de la Expresión, recortando luego la expresión

**SI** (símbolo es paréntesis izquierdo) **ENTONCES**  
 poner símbolo en pila

### SI\_NO

**SI** (símbolo es paréntesis derecho) **ENTONCES**

### REPETIR

Elemento= Pop ()//Quitar Símbolo de pila

ExpresionPosfija = ExpresionPosfija + Elemento

**MIENTRAS** (Pila[Tope] <> paréntesis izquierdo)

Quitar el paréntesis izquierdo de PILA y no agregarlo a ExpresionPosfija

## Algoritmo Cont. (2/3)

### SI\_NO

**SI** (símbolo es un operando) **ENTONCES**  
 Agregar símbolo a ExpresionPosfija

**SI\_NO** // Es un operador

**MIENTRAS** (PILA tenga elementos y la prioridad del operador sea menor o igual que la prioridad del operador que esta en

la pila)

Elemento= Pop (Quitar Símbolo de pila)

ExpresionPosfija <- ExpresionPosfija + Elemento

### FIN\_MIENTRAS

Poner símbolo (Operador) en pila

### FIN\_SI

### FIN\_SI

### FIN\_SI

**MIENTRAS** ( Expresión sea diferente de la cadena vacía)

## Algoritmo Cont. (3/3)

**MIENTRAS** (PILA tenga elementos)

Elemento= Pop (Quitar Símbolo de pila)

ExpresionPosfija <- ExpresionPosfija + Elemento

**FIN\_MIENTRAS**

**IMPRIMIR** ExpresionPosfija

**FIN**

## Ejemplo

Expresión Infija:  $(X + Z) * W / T * Y - V$ , a  
Posfija

# Transformar de Expresión Infija a Prefija

Utilizando PILAS

Pilas • FIUAS

## Expresión Prefija

- Al igual que en la notación postfija, aquí también se siguen las mismas reglas para la conversión, sólo que los operadores se colocan de lado izquierdo.

Convertir la expresión infija:  $X + Z * W$ , a Prefija:

0	$X + Z * W$
1	$X + * Z W$
2	$. + X * Z W$

$X + Z * W$

Paso	EI	Símbolo analizado	PILA	EPRE
1	$X+Z*$	W		W
2	$X+Z$	*	*	
3	$X+$	Z		WZ
4	X	+	+	WZ*
5	-----	X		WZ*X
6				WZ*X+
7				

Invertir:  $+X*ZW$

## Algoritmo

### INICIO

**REPETIR** (mientras Expresión sea diferente de la cadena vacía)

Tomar el símbolo mas a la derecha de la Expresión, recortando luego la expresión

**SI** (símbolo es paréntesis derecho) **ENTONCES**

poner símbolo en pila

**SI\_NO**

**SI** (símbolo es paréntesis izquierdo) **ENTONCES**

**REPETIR**

Elemento= Pop (Quitar Símbolo de pila)

ExpresionPrefija =ExpresionPrefija + Símbolo

**MIENTRAS** (PILA[TOPE] <> paréntesis derecho)

Quitar el paréntesis derecho de PILA y no agregarlo a ExpresionPrefija

## Algoritmo Cont.

```

SI_NO
  SI (símbolo es un operando) ENTONCES
    Agregar símbolo a ExpresionPrefija
  SI_NO // { Es un operador}
    MIENTRAS (PILA tenga elementos y la prioridad del
      operador sea Menor que la
      prioridad del operador que esta en la pila)

      Elemento= Pop (Quitar Símbolo de pila)
      ExpresionPrefija = ExpresionPrefija + Elemento

    FIN_MIENTRAS
      Poner símbolo (Operador) en pila
    FIN_SI
  FIN_SI
FIN_SI
MIENTRAS ( Expresión sea diferente de la cadena vacía)

```

## Algoritmo Cont.

```

MIENTRAS (PILA tenga elementos)
  Elemento= Pop (Quitar Símbolo de pila)
  ExpresionPrefija = ExpresionPrefija + Elemento
FIN_MIENTRAS
Invertir la ExpresionPrefija
IMPRIMIR ExpresionPrefija

```

**FIN**

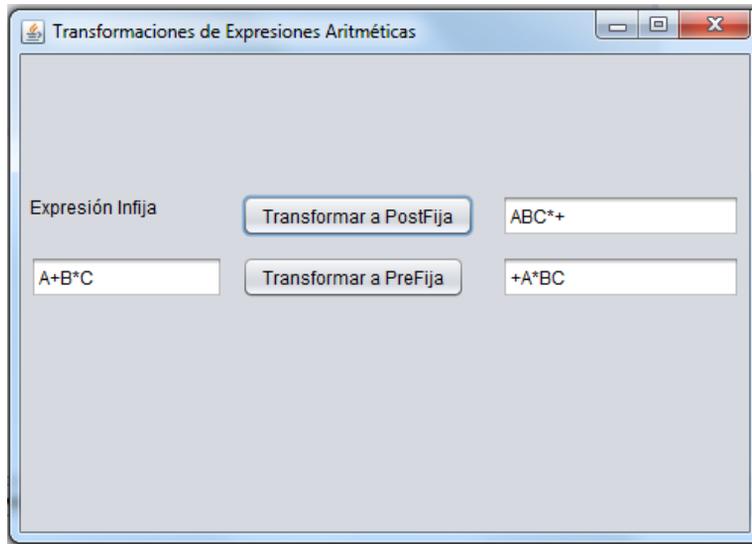
## Proyectos:

- Realizar **un sólo programa con interfaz gráfica**, que pida al usuario una expresión algebraica compuesta por números enteros (de uno o más dígitos) y los operadores '+', '-', '\*', y '/', la pase a notación postfija o Prefija y la evalúe ayudándose de una pila, mostrando por pantalla el paso intermedio (expresión en notación postfija) y el resultado final.
- Otros Indicados por el instructor. Pág. 107 Cairo

## Propuesta Inicial para el Diseño de la Clase

Transformaciones
-ExpresionInfija:CADENA -Pila:tdaPila
+Transformaciones() +Transformaciones(pExpresion:CADENA)
+setExpresionInfija(pExpresion:CADENA)
-PrioridadOperador(pSimbolo:CARACTER):ENTERO -EvaluarSimboloAritmetico(pSimbolo:CARÁCTER):BOOLEAN +TransformacionPostFija():CADENA +TrasformacionPrefija():CADENA

## Propuesta de Interfaz Gráfica



## Bibliografía

ESTRUCTURAS DE DATOS

De: OSVALDO CAIRO

Editorial: MCGRAW-HILL INTERAMERICANA

ISBN: 9701059085

Edición: 3<sup>a</sup>

Año: 2006

No. de páginas: 467

Idioma: ESPAÑOL

País: MEXICO



# Preguntas?



**FIN de Unidad**